# ニューロン間の結合強度を時間的に変化させたときの同期現象

金澤尚人<sup>†</sup> 上手洋子<sup>†</sup> 西尾 芳文<sup>†</sup>

† 徳島大学工学部 〒 770-8506 徳島県南常三島町 2-1 E-mail: †{naoto,uwate,nishio}@ee.tokushima-u.ac.jp

あらまし 生物の脳内ではミエリン化という現象が起きており,ニューロン間の結合強度は時間的に変化する.その ため結合強度は一様ではない.本研究では,ミエリン化に対する結合強度を時間的に変化させる方法を提案する.ヒン ドマーシュ・ローズモデルは実際の生物ニューロンのようなスパイクやバーストを作り出すことができる.このモデ ルでの同期現象について観察する.各ニューロン間が同期するたび,その結合強度は小さくする.一方,他の結合強度 は大きくする.このように少しずつ異なった結合強度に変わっていく.この提案手法をヒンドマーシュ・ローズモデル の結合系に適応し,同期の達成への効果について調べる.

キーワード ニューロン,同期,結合強度,ヒンドマーシュ・ローズモデル

Investigation of synchronization under temporal evolution of coupling strength

Naoto KANAZAWA<sup>†</sup>, Yoko UWATE<sup>†</sup>, and Yoshifumi NISHIO<sup>†</sup>

† Faculty of Engineering, Tokushima University 2–1 Minami–josanjima, Tokushima, 770–8506 Japan E-mail: †{naoto,uwate,nishio}@ee.tokushima-u.ac.jp

**Abstract** In this study, we observe synchronization on Hindmarsh Rose model which produce spiking-bursting behavior like real biological neurons. There is phenomenon called Myelination. We have unequal coupling strengths to temporal evolution them in our brain. We propose the way to temporal evolution of coupling strength. The coupling strength is weaked every synchronization. On the one hand, other coupling strengths are enhanced. We investigate the effect to achieving synchronization of Hindmarsh Rose model with this proposed method. **Key words** neuron, synchronization, coupling strength, Hindmarsh Rose

## 1. まえがき

我々の脳内には無数のニューロンが存在する. ニューロンは 多数の入力部分と1つの出力部分で構成される. 脳内ではその ニューロンたちが結合し,神経回路を形成している.その神経 回路を数学モデル化し,脳内で起こる特徴をコンピュータ上で シミュレーションを行うことができるものがニューラルネット ワークである. 高次元の力学系を持ったスパイクやバーストを 観察することができる.軟体動物でのニューロンの働き[1]や スパイク,バーストの動き[2],ヒンドマーシュ・ローズモデ ルにおけるニューロンの振る舞い[3],結合方法による違いな ど[4], ニューラルネットワークの基礎研究は注目がされてい る. このネットワークは非常に複雑に形成されている. ニュー ロン間の結合の強さは結合強度と呼ばれている. 結合強度は電 気信号によって強くなり、つまり情報伝達を行うことで強くな る. ニューロンの出力部分と軸索と呼ばれる. 一部の軸索は髄 鞘にオリゴデンドロサイトが覆っている.オリゴデンドロサイ トは脂質の多い白い物質である. 覆われた軸索は覆われた軸索

よりも情報伝達を早く行うことができると報告されている. こ の現象はミエリン化と呼ばれる. 例えば,何か新しいことを始 めた時,達成するために練習に励むだろう. 新たな挑戦を達成 することができるのは脳内でミエリン化が起きているからであ る. これより,学習とミエリン化との間には大きな関係がある ことがわかる. ミエリン化の研究は学習での応用において性能 がより良くなると期待されている.

本研究では,ミエリン化に対する結合強度を時間的に変化さ せる方法を提案する.各ニューロン間が同期するたび,その結 合強度は小さくする.一方,他の結合強度は大きくする.この ように少しずつ異なった結合強度に変わっていく.提案手法を 実際の生物ニューロンのようなスパイクやバーストを作り出す ヒンドマーシュ・ローズモデルに適応し,完全同期になるまで の時間を観察した.また,結合強度を時間的に変化させた場合 の影響や効果についても調査する.

2. ヒンドマーシュ・ローズモデル

ヒンドマーシュ・ローズ (HR) モデルは軟体動物のニューロ

ンで起こるカオス的振る舞いを数学モデルで再現したものであ る. このモデルは外部からの刺激が常時なくても自動的にカオ ス的振る舞いを引き起こすことができる. パラメータを設定す ることで様々な発振を見ることができる.

2.1 単体ニューロン

このモデルは3つの変数を持っている. ニューロンの膜電位 を示す x(t),補助変数でカリウムとナトリウムを運ぶための速 いイオンチャンネルの集合を表す y(t),遅い変数で他のイオン チャンネルにおける力学系を捕える z(t) である. HR モデルは 次の式のように表される.

$$\dot{x}(t) = y(t) - ax^{3}(t) + bx^{2}(t) - z(t) + I 
\dot{y}(t) = c - dx^{2}(t) - y(t) 
\dot{z}(t) = -rz(t) + rS(x(t) - c_{x})$$
(1)

パラメータをa = 1, b = 3, c = 1, d = 5 と設定する. 本研 究では,入力電流 I = 3.281, 電圧  $c_x = -1.6$ , 遅い力学系に おける膜電位が起こす影響の大きさ S = 4.0, 遅い電流のタイ ムスケール r = 0.0021 とする. これらの微分方程式はルンゲ クッタ法を用いて解く. 図1は単体ニューロンの膜電位の時間 的変化の波形の一例である.



図 1 HR モデルにおける単体ニューロンの膜電位の時間的変化.

### 2.2 電気結合

本研究では,図2で示したように5つのニューロンでの完全 結合モデルを使用した.電気結合を用いた式は次のように示さ れる.



図 2 5つのニューロンでの完全結合モデル.



$$\begin{cases} \dot{x}_{i}(t) = y_{i}(t) - ax_{i}^{3}(t) + bx_{i}^{2}(t) - z_{i}(t) + I - K_{i} \\ \dot{y}_{i}(t) = c - dx_{i}^{2}(t) - y_{i}(t) \\ \dot{z}_{i}(t) = -rz_{i}(t) + rS(x_{i}(t) - c_{x}) \end{cases}$$

$$(2)$$

ここで*i* はニューロン番号(1から5)を示している. 関数 *K<sub>i</sub>* は次のように示す.

$$\begin{cases}
K_{1} = \varepsilon_{12}(x_{1} - x_{2}) + \varepsilon_{13}(x_{1} - x_{3}) \\
+ \varepsilon_{14}(x_{1} - x_{4}) + \varepsilon_{15}(x_{1} - x_{5}) \\
K_{2} = \varepsilon_{12}(x_{2} - x_{1}) + \varepsilon_{23}(x_{2} - x_{3}) \\
+ \varepsilon_{24}(x_{2} - x_{4}) + \varepsilon_{25}(x_{2} - x_{5}) \\
K_{3} = \varepsilon_{13}(x_{3} - x_{1}) + \varepsilon_{23}(x_{3} - x_{2}) \\
+ \varepsilon_{34}(x_{3} - x_{4}) + \varepsilon_{35}(x_{3} - x_{5}) \\
K_{4} = \varepsilon_{14}(x_{4} - x_{1}) + \varepsilon_{24}(x_{4} - x_{2}) \\
+ \varepsilon_{34}(x_{4} - x_{3}) + \varepsilon_{45}(x_{4} - x_{5}) \\
K_{5} = \varepsilon_{15}(x_{5} - x_{1}) + \varepsilon_{25}(x_{5} - x_{2}) \\
+ \varepsilon_{35}(x_{5} - x_{3}) + \varepsilon_{45}(x_{5} - x_{4})
\end{cases}$$
(3)

ここでパラメータ $\varepsilon$ は結合強度である.

## 3. 提案手法

初めに,同期状態の定義を次の式で表す.

$$|x_a - x_b| < 0.01 \tag{4}$$

ここで  $x_a$ ,  $x_b$  はニューロンの膜電位を表す. 2 つニューロンの 膜電位の差が 0.01 よりも小さいと同期とする. 図 3 は同期の 定義を表す. ステップサイズは h = 0.05 に設定した場合,単 ニューロンの 1 周期分の平均は 5066 イタレーションであるこ とがわかった. つまり, t = 253.3 である. これより, t = 253.3間常に同期状態を保てればそのニューロン間は同期したと判断 することとする. 結合強度の変化方法について説明する. 結合 強度はニューロン間が同期すれば m ずつ小さくする. その後, 他の結合強度を m/9 ずつ大きくする. これはニューロン間が 同期するたびに行われる. もし全ニューロン間が同期しなかっ た場合, t = 100000 まででシミュレーションは終了することと する.

### 4. シミュレーション結果

#### 4.1 結合強度の変化なし

このシミュレーションでは,毎回ランダムな初期値を用いて いる.全ての結合強度は $\varepsilon_{ij} = 0.2$ と設定する.シミュレーショ ン結果から3つの同期型が現れた.完全同期型,3-2同期型, 2-2-1 同期型である.3つの同期型は図4で表す.シミュレー

-2 -



図 4 分離した同期型. 実線はニューロン間の同期を示す. (a)3-2 同期 型 (b)2-2-1 同期型



図 5 結合強度変化なしにおける膜電位の時間的変化. (a) ニューロン 1. (b) ニューロン 2. (c) ニューロン 3. (d) ニューロン 4. (e) ニューロン 5.

ション中にこれらの同期型が何度か現れることもある。シミュ レーションは完全同期が現れる場合またはt = 100000まで実 行する。図5はニューロンの膜電位による時間的変化を表す. 図6はニューロン間の波形の差異を表す.これらのシミュレー ション結果は図4(a)を示す.また図6(a),(c),(f),(i)から ニューロン間が同期していることが確認できる.これより,図 4(a)と同じ分離した同期型を示されていることがわかる.この 同期型は全結合強度を $\varepsilon_{ij} = 0.2$ で設定した時, $t \simeq 9608.5$ で 現れた.

### 4.2 結合強度の変化あり

このシュミュレーションでも,毎回ランダムな初期値を用いている.全ての結合強度は初め, $\varepsilon_{ij} = 0.2$ と設定する.本研究では,m = 0.005,0.001,0.0003と設定した時のシミュレーション結果を示す.

図 7 は  $t \simeq 7500$  周辺での膜電位の時間的変化を表す.図 8 は  $t \simeq 7500$  周辺での各ニューロン間の波形の差異を表す.図 7,8 は m = 0.001の時のシミュレーション結果である.これ らの結果は図 4 の状態と同じである.この同期型になるまでに t = 7001.05かかった.つまり,結合強度の変化ありにおける今 回の同期型は変化なしの結果よりも早く達成することがわかる.





図 7 結合強度変化ありにおける t ~ 7500 周辺での膜電位の時間変 化. (a) ニューロン 1. (b) ニューロン 2. (c) ニューロン 3. (d) ニューロン 4. (e) ニューロン 5.

しばらくすると,図9,10を得た.図9は膜電位の時間変化 を表す.図10は各ニューロン間の波形の差異を表す.図10の 結果より,全てのニューロン間が同期状態になっていることが わかる.この完全同期型は*t* = 15541.25で完成した.

表1はそれぞれのシミュレーション結果を示す. 我々は 3-2 同期型, 2-2-1 同期型, 完全同期型の3つの同期型になるまで

		完全同期型		3-2 同期型		2-2-1 同期型	
		t	Probability	t	Probability	t	Probability
Non-Change		9766.51	61%	6798.72	86%	4607.63	100%
Change	0.005	18468.14	72%	13480.74	91%	6432.07	97%
	0.001	12632.63	100%	5845.69	100%	4349.01	100%
	0.0003	11467.45	100%	6772.48	100%	4599.11	100%

表1 それぞれのシミュレーション結果.各同期型の出現確率と出現するまでの時間.



図 8 t ~ 7500 周辺でのニューロン間の波形の差異. (3-2 同期型)

の時間を記録した. それぞれのパラメータでの結果はそれぞれ 100 回ずつシミュレーションを行った. この表から各同期型の 出現確率と出現するまでにかかった時間を確認することがで きる.

図 11 は同期型が現れるまでにかかった時間をそれぞれの結 果ごとにまとめた図である.表1と図 11 を見てわかるように, 結合強度変化なしは変化ありの結果よりも早い時間で完全同期 型になることがわかる.しかし,全ニューロンが同期する確率 は変化ありの方が高い確率を示す.また,結合強度の変化量が 小さい方が完全同期型になるまでが早いこともわかる.

5. ま と め

本研究では,ヒンドマーシュ・ローズモデルでの5つのニュー ロンにおける完全結合の同期を観察した.結合強度を変化しな

(a)		
(b)		
(c)		
(d)		
(e)		

図 9 結合強度変化ありにおける t ~ 15541.25 周辺での膜電位の時間 変化. (a) ニューロン 1. (b) ニューロン 2. (c) ニューロン 3. (d) ニューロン 4. (e) ニューロン 5.

い場合,結合強度を変化させた時と比べて完全同期型になるま でが早い.しかし,結合強度変化ありの場合は完全同期になる 確率が高いことがわかる.また,結合強度の変化量においては 変化量が小さい方がそれぞれの同期型になるまでが早いことも わかる.今回提案した方法を用いることで,完全同期になる確 率を高めることができることを確認した.将来,今回よりも大 規模のモデルを構築し,さらに神経回路に近いものでシミュ レーションを行う.

#### 献

文

- A. L. Hodgkin and A. F. Huxley, "A quantitative description of membrane current and its application to conduction and excitation in nerve," J. Physiol., vol. 117, No. 4, pp. 500-544, Aug. 1952.
- [2] A. L. Shilnikov and N. F. Rulkov, "Origin of chaos in a two-dimentional map modeling spiking-bursting neural activity," Int. J. Bifurcation and Chaos, vol. 13, No. 11, pp. 3325-3340, 2003.
- [3] J. L. Hindmarsh and R. M. Rose, "A model of neuronal bursting using three coupled first order differential equations," Proc R Soc Lond B Biol Sci., vol. 221, No. 1222, pp. 87-102, Mar. 1984.
- [4] Henry D. I. Abarbanel, R. Hueta, M. I. Rabinovich, N. F. Rulkov, P. F. Rowat and A. I. Selverston, "Synchronized Action of Synaptically Coupled Chaotic Model Neurons: I. Simulations Using Model Neurons," Neural Computation, Vol. 8, No. 8, pp. 1567-1602, Nov. 1996.



図 10 t ~ 15541.25 周辺でのニューロン間の波形の差異.



図 11 それぞれの同期型が出現するまでの時間. 十字印: 結合強度変 化なし. X マーク: m = 0.005. アスタリスク: m = 0.001. 四 角形: m = 0.0003.